



# ОСНОВИ МАТЕМАТИЧНИХ ЗНАНЬ В ПУБЛІЧНОМУ УПРАВЛІННІ

## Робоча програма навчальної дисципліни (Силабус)

<https://ktpu.kpi.ua/syllabus/bakalavrat/>

### Реквізити навчальної дисципліни

Рівень вищої освіти	<i>Перший (бакалаврський)</i>
Галузь знань	<i>28 Публічне управління та адміністрування</i>
Спеціальність	<i>281 Публічне управління та адміністрування</i>
Освітня програма	<i>Адміністративний менеджмент, Електронне урядування</i>
Статус дисципліни	<i>Нормативна</i>
Форма навчання	<i>Очна (денна)/дистанційна/змішана)/ заочна</i>
Рік підготовки, семестр	<i>1 курс, осінній семестр</i>
Обсяг дисципліни	<i>150 год (5 кредитів ЄКТС)</i>
Семестровий контроль/ контрольні заходи	<i>Екзамен Модульна контрольна робота, розрахункова робота, роботи з комп'ютерного практикуму (для очної та заочної форми навчання)</i>
Розклад занять	<i>Лекції, комп'ютерний практикум – раз на два тижні; практичні заняття – щотижня (для очної форми навчання)/ для заочної форми навчання 6 годин лекційних, 4 години практичних, 2 години – комп'ютерний практикум. <a href="http://rozklad.kpi.ua">rozklad.kpi.ua</a></i>
Мова викладання	<i>Українська</i>
Інформація про керівника курсу / викладачів	<i>Селезньова Надія Петрівна, к.фіз.-мат.н., доцент (лекції, практичні, комп. практикум) <a href="mailto:nadijasel@gmail.com">nadijasel@gmail.com</a></i>
Розміщення курсу	<i><a href="https://campus.kpi.ua/tutor/index.php?mode=mob&amp;show&amp;irid=255711">https://campus.kpi.ua/tutor/index.php?mode=mob&amp;show&amp;irid=255711</a></i>

### Програма навчальної дисципліни

#### 1. Опис навчальної дисципліни, її мета, предмет вивчення та результати навчання

**Метою** формування базових знань для застосування математичного апарату до задач публічного управління; вивчення студентами основних методів т аналітичної геометрії і матричного числення, початкових понять диференціального та інтегрального числення для використання інструментарію цих розділів математики в дослідженні економічних об'єктів і процесів, задач електронного урядування, адміністративного менеджменту.

- програмні компетентності:

1. (ЗК1)<sup>1</sup> Здатність самостійно навчатися та оволодівати сучасними знаннями.
2. (ЗК9) Здатність до пошуку обробки та аналізу інформації із різних джерел.

**- програмні результати навчання:**

1. (11) Уміти здійснювати пошук та узагальнення інформації, робити висновки і формувати рекомендації в межах своєї компетенції.
2. (16) Використовувати дані статистичної звітності, обліку та спеціальних досліджень у професійній діяльності.

**В результаті вивчення освітнього компоненту здобувачі вищої освіти:**

- завдяки результатам навчання основ математичних знань формується математична компетентність студентів, яка проявляється в управлінській діяльності, здатністю самостійно, вільно володіти мінімальним математичним інструментарієм та надавати адекватну інтерпретацію отриманого математичного результату, здатністю до моделювання оптимізаційних задач управління, умінням знаходити нестандартні рішення в нових ситуаціях, умінням математичними методами спрогнозувати та оцінити характер і хід змін у процесі адміністративного управління. Також результатами навчання є уміння здійснювати пошук та узагальнення числової інформації, робити висновки і формулювати рекомендації в межах своєї компетенції, переводити нечислову інформацію у числову, уміння використовувати математичні, зокрема, графічні, методи аналізу та оцінювання програм сталого розвитку;
- уміння виконувати алгебраїчні дії над матрицями, обчислювати визначники, досліджувати та розв'язувати системи лінійних рівнянь;
- на основі матричного числення освоїти модель міжгалузевого балансу;
- оволодіти азами векторного числення;
- навчитись досліджувати властивості прямих та площин, кривих другого порядку;
- уміти обчислювати границі послідовностей та функцій;
- оволодіти елементарними методами обчислення похідних;
- оволодіти методами дослідження функцій за допомогою диференціального числення;
- оволодіти методами обчислення неозначених інтегралів
- використовуватимуть методи аналізу та оцінювання програм сталого розвитку за допомогою елементарних математичних моделей (задачі на екстремум функції);
- зможуть на основі отриманої інформації вносити пропозиції щодо оптимізації діяльності організації (підрозділу);
- засобами доступних пакетів прикладних програм розв'язувати ряд обчислювальних задач, у тому числі: дії над матрицями, розв'язування систем лінійних рівнянь, побудова графіків функцій, навчитись працювати із різними математичними формулами також за допомогою певних логічних операцій.

**2. Пререквізити та постреквізити дисципліни (місце в структурно-логічній схемі навчання за відповідною освітньою програмою)**

Дисципліна вивчається у першому семестрі, тому пререквізитом є курс шкільної математики. Засвоєння дисципліни є неможливим без ґрунтовних знань елементарної математики в межах шкільної програми. За структурно-логічною схемою підготовки фахівця дана навчальна дисципліна тісно пов'язана з дисциплінами «Теорія ймовірностей» та «Статистика» що не можуть викладатись без попереднього вивчення курсу вищої математики. Також слід врахувати, що вивчення основ

<sup>1</sup> у дужках після номеру подано шифр компетентності чи результату навчання згідно з ОПП.

математики сприятиме розвиненню спеціальних компетентностей у галузі розробки тактичних та оперативних планів управлінської діяльності, здатності до дослідницької та пошукової діяльності методами диференціального числення у сфері публічного управління та адміністрування. Без базових знань з основ математики є неможливим повноцінне засвоєння таких дисциплін як статистика, логіка, кібернетика та системний аналіз, моделювання та прогнозування моделей та систем, основи менеджменту, теорія прийняття управлінських рішень.

### 3. Зміст навчальної дисципліни

1. Основи лінійної алгебри: матричне числення, системи лінійних рівнянь.
2. Векторний аналіз та основи аналітичної геометрії: пряма, площина та криві 2 порядку.
3. Числення нескінченно-малих величин. Перша та друга важливі границі, порівняння нескінченно-малих та великих величин. Граничні показники в економічних задачах.
4. Основи диференціального числення: означення похідної, фізична, геометрична та економічна інтерпретація, різні методи обчислення похідних від найбільш відомих функцій, похідні вищих порядків. Дослідження та побудова графіків функцій методами диференціального числення. Застосування в економічних задачах: поняття еластичності функції, аналіз попиту та пропозиції за допомогою еластичності.
5. Елементи Інтегрального числення. Означення, основні поняття та методи обчислень самих простих невизначених та визначених інтегралів.

### 4. Навчальні матеріали та ресурси

#### Основна література

1. Барковський В.В. Вища математика для економістів. /Барковський В.В., Барковська Н.В. - Київ.: "Центр навчальної літератури", 2005.- 445 с.
2. Берман Г.Н. Сборник задач по по курсу математического анализа.- М.: "Наука", 1975.-416с.
3. Герасимчук, В. С. Вища математика. Повний курс у прикладах і задачах. Навчальний посібник. У 3 ч. / В. С. Герасимчук, Г.С. Васильченко, В.І. Кравцов. Ч.1 - К. : Книги України ЛТД, 2009-578с.
4. Дубовик В.П. Вища математика. /Дубовик В.П., Юрик І.І. – Київ.: Навч. посіб., 2005.-432 с.
5. *Вища математика. Збірник задач : навч. посіб. / Дубовик В.П., Юрик І.І., ред. - К. : А.С.К., 2005. - 480с.*

#### Додаткова література

6. Каплан И.А. Практические занятия по высшей математике. – Харьков.: Харьковский университет, ч. 1, 1973. – 203 с.
7. Каплан И.А. Практические занятия по высшей математике. – Харьков.: Харьковский университет, ч. 2, 1973. – 367 с.
8. Каплан И.А. Практические занятия по высшей математике. – Харьков.: Харьковский университет, ч.3, 1973. – 381 с.
9. Каплан И.А. Практические занятия по высшей математике. – Харьков.: Харьковский университет, ч. 4, 1972. – 235 с.
10. Кремер Н.Ш. Высшая математика для экономистов. – Москва.: "Банки и биржи", "ЮНИТИ", 1998.-471 с.
11. Селезньова Н.П. Вища математика. Аналітична геометрія та лінійна алгебра. Елементи векторної алгебри. Конспект лекцій. [Електронний ресурс]: навч. посіб. для студ. спеціальності 151 «Автоматизація та комп'ютерно-інтегровані технології» / О.В. Кузьма, О.В. Суліма, Т.О. Рудик та інш.; КПІ ім. Ігоря Сікорського. – Електронні текстові дані (1 файл: 1,50 Мбайт). – Київ : КПІ ім. Ігоря Сікорського, 2021. – 127 с. <https://ela.kpi.ua/handle/123456789/42310>
12. Методичні вказівки і варіанти контрольних завдань з вищої математики. Частина I /Укл.: Л.Г.Авраменко, О.Б. Качаєнко, О.Б. Поліщук, Т.О. Рудик, Н.П. Селезньова, О.В. Суліма.-Л.: Політехніка, 2001.-41 с.

13. Методичні вказівки і варіанти контрольних завдань з вищої математики. Частина II /Укл.: Л.Г.Авраменко, О.Б. Качаєнко, О.Б. Поліщук, Т.О. Рудик, Н.П. Селезньова, О.В. Суліма.-Л.: Політехніка, 2001.-43 с.
14. Сараєва Ю. О. Деякі аспекти еволюції умовного оператора розгалуження / Ю. О. Сараєва, Н. П. Селезньова, О. І. Кушлик-Дивульська // Історія розвитку науки, техніки та освіти. Світоглядне значення наукової картини світу: збірник праць XVII Міжнар. молодіжн. наук.-практ. конф., Київ, 23 квітня 2019 р. - Київ: КПІ ім. Ігоря Сікорського, 2019.– С. 67–68.
15. Селезньова Н.П. Кривини поверхні та оптимізація функції двох змінних /Н.П. Селезньова, Д.Ю. Петриняк// Матеріали VII Міжнар. Наук.-практ. Конф. «Математика в сучасному технічному університеті», Київ, 28-29 грудня 2018 р. – 122-128 с.
16. Селезньова Н. П., Кушлик-Дивульська О. І. Практичне застосування деяких математичних функцій із умовним оператором ; 202-205с. Донбаська державна машино-будівна академія. ДИСТАНЦІЙНА ВСЕУКРАЇНСЬКА НАУКОВА КОНФЕРЕНЦІЯ «МАТЕМАТИКА У ТЕХНІЧНОМУ УНІВЕРСИТЕТІ ХХІ СТОРІЧЧЯ» Краматорськ, 15 -16 травня 2019 р. [http://www.dgma.donetsk.ua/docs/konf/2019/vm/konf2019matem25.05\\_1.pdf](http://www.dgma.donetsk.ua/docs/konf/2019/vm/konf2019matem25.05_1.pdf)
17. Завдання з вищої математики для розрахункових робіт та модульних контрольних робіт для студентів І-го курсу технічних спеціальностей /Укл. Селезньова Н.П., Кузьма О.В. та ін..- Київ.: НТУУ "КПІ", ПП "Омега-Л", 2007.- 55 с.

### Інформаційні ресурси

1. Кузьма О.В. Вища математика. Аналітична геометрія та лінійна алгебра. Елементи векторної алгебри. Конспект лекцій. [Електронний ресурс]: навч. посіб. для студ. спеціальності 151 «Автоматизація та комп'ютерно-інтегровані технології» / О.В. Кузьма, О.В. Суліма, Т.О. Рудик, Н.П. Селезньова та інш.; КПІ ім. Ігоря Сікорського. – Електронні текстові дані (1 файл: 1,50 Мбайт). – Київ : КПІ ім. Ігоря Сікорського, 2021. – 127 с.

<https://ela.kpi.ua/handle/123456789/42310>

2. <http://login.kpi.ua/>

3. <http://kmf.kpi.ua/>

4. <http://eqworld.ipmnet.ru/>

5. Завдання з вищої математики для розрахункових робіт та модульних контрольних робіт для студентів І-го курсу технічних спеціальностей /Укл. Селезньова Н.П., Кузьма О.В. та ін..- Київ.: НТУУ "КПІ", ПП "Омега-Л", 2007.- 55 с.– Режим доступу:

<http://campus.kpi.ua/tutor/index.php?mode=mob&show&irid=2560>.

6. // Електронний каталог науково-технічної бібліотеки НТУУ «КПІ». – 2014. – Режим доступу:

[http://library.kpi.ua:8991/F/8V7A4N5CQ668NADB87TUH4HRX31QT5QRSDDNK6FLVBFITQ1LTN-00998?func=full-set-set&set\\_number=754749&set\\_entry=000025&format=999](http://library.kpi.ua:8991/F/8V7A4N5CQ668NADB87TUH4HRX31QT5QRSDDNK6FLVBFITQ1LTN-00998?func=full-set-set&set_number=754749&set_entry=000025&format=999)

### Навчальний контент

#### 5. Методика опанування навчальної дисципліни (освітнього компонента)

Методика викладання даного курсу полягає у традиційному прочитанні лекцій та проведенні практичних занять (за обставинами, онлайн) на яких частково викладач пояснює методи розв'язування задач та студенти розв'язують задачі на дошці і пояснюють хід розв'язання. Задачі з великим обсягом обчислень виносяться на комп'ютерний практикум. Протягом навчання студентам пропонуються домашні завдання із збірників задач. Найскладніші задачі розбираються на практичних заняттях. Завданнями для самостійної роботи є задачі розрахункової роботи.

Лекційні та практичні заняття для студентів заочної форми мають висвітлити ключові аспекти дисципліни, розібрати окремі, найбільш значущі її теми, допомогти студенту зорієнтуватися в обсязі та змісті навчального матеріалу, який виноситься на екзамен. При оцінюванні рівня засвоєння знань та формування передбачених навчальним планом умінь у студентів заочної форми навчання основне значення мають результати екзаменаційної контрольної роботи та захист завдань розрахункової роботи. Для заочної форми навчання відсутній комп'ютерний практикум.

Завдання та методичні рекомендації до виконання практичних робіт, питання до МКР, семестрового контролю та інші матеріали публікуються у кампусі та на сайті кафедри: <https://mph.kpi.ua/>.

**Орієнтовні плани лекційних та практичних занять для денної та заочної форм навчання наведені нижче. Теми лекційних занять повністю відповідають практичним заняттям.**

### Денна та заочна форма навчання

Тематика практичних занять повністю відповідає тематиці лекцій.

№ з/п	Назва теми лекції та перелік основних питань (перелік дидактичних засобів, посилання на літературу та завдання на СРС)	Кількість лекційних годин Денна/заочна	Кількість годин для практичних занять Денна/заочна	Кількість годин для самостійної роботи
1	<p><b>Визначники та матриці.</b> Визначники, їх властивості, системи лінійних рівнянь. Формули Крамера. Види матриць, дії з ними. Обернена матриця, ранг матриці. Метод Гаусса розв'язування СЛАР, матричний метод. Застосування лінійної алгебри в задачах економіки: схема міжгалузевого балансу.</p> <p>Завдання на СРС: опрацювати матеріал лекцій та розібрати модель міжгалузевого балансу Леонт'єва.</p> <p><b>Дидактичні засоби:</b> [1,3,4,6,10,11]</p> <p><b>Завдання на СРС: Задачі</b> [1,5,10,11]</p>	2/0	3/0	3
2	<p><b>Елементи аналітичної геометрії</b></p> <p>Вектори, операції над векторами. Добутки векторів, їх властивості.</p> <p>Завдання на СРС: Задачі [1,3,4]</p> <p><b>Дидактичні засоби:</b> [1,3,5,6]</p>	2/0	3/0	3

3	<p><b>Площина та пряма.</b> Площина, різні види рівняння площини, пряма на площині і у просторі, різні види її рівнянь. Відстані та кути між прямими та площинами.</p> <p><i>Завдання на СРС: Задачі [1,3,4,5,10]</i></p> <p><i>Дидактичні засоби: [1,3,5,6]</i></p>	2/0	6/0	
4	<p><b>Криві 2-го порядку:</b> коло, еліпс, парабола, гіпербола, їх канонічні рівняння, властивості.</p> <p><i>Завдання на СРС: Задачі [1,3,4,5,10]</i></p> <p><i>Дидактичні засоби: [1,3,5,6]</i></p>	Самостійне опрацюванн я	2/0	2
5	<p><b>Числові послідовності,</b> границя послідовності. Властивості збіжних послідовностей. Нескінченно малі та великі послідовності.</p> <p><i>Завдання на СРС: Задачі [1,3,4,5,10]</i></p> <p><i>Дидактичні засоби: [1,3,5,7]</i></p>	2/0	4/2	
6	<p><b>Функції,</b> основні типи функцій. Границя функції, дії з границями. Важливі границі. Неперервність функції. Дії над неперервними функціями. Точки розриву функції та їх класифікація</p> <p><i>Завдання на СРС: Задачі [[1,2,5,8,10]</i></p> <p><i>Дидактичні засоби: [[1,5,8,10]</i></p>	2/0	1/0	
7	<p><b>Похідна,</b> її геометричний зміст, таблиця похідних. Похідна складеної, оберненої, <b>Диференціал функції,</b> його геометричний зміст. Диференціал суми, добутку, частки функцій. Похідні вищих порядків. Основні теореми диференціального числення. Правило Лопіталя.</p> <p><i>Завдання на СРС: Задачі [1,2,5,8,10]</i></p> <p><i>Дидактичні засоби: [1,5,8,10]</i></p>	2/2	4/0	
8	<p><b>Повне дослідження функції та побудова графіку функції.</b> Зростання та спадання функцій, екстремум функції. Найбільше та найменше значення функції на відрізку. Опуклість функції, точки перегину, асимптоти графіка функції. Загальна схема дослідження функції та побудови її графіку.</p>	2/2	1/0	

	<p><i>Завдання на СРС: Задачі</i> [1,2,7,8,10]</p> <p><b>Дидактичні засоби:</b> [[1,7,8,10]</p>			
9	<p><b>Невизначений інтеграл.</b> Первісна функції та невизначений інтеграл, їх властивості. Інтегрування частинами та підстановкою. Інтегрування раціональних дробів; функцій, раціональних відносно синуса та косинуса; інтегрування деяких ірраціональностей.</p> <p>Визначений інтеграл. Невласні інтеграли I та II роду. Застосування інтегрального числення до задач еометрії та економіки.</p> <p><i>Завдання на СРС: Задачі</i> [1,2,7,8,10]</p> <p><b>Дидактичні засоби:</b> [1,7,8,10]</p>	4/2	4/0	

**Орієнтовні плани занять з комп'ютерного практикуму для денної форми навчання наведені нижче**

Комп'ютерний практикум передбачено тільки для денної форми навчання.

Комп'ютерний практикум проводиться за принципом "збірника рецептів", які часто застосовуються на практиці і достатньо просто реалізуються в електронних таблицях. Практикум має надати практичні навички роботи користувача ПЕОМ, необхідні в подальшій професійній роботі студентів.

На заняттях з комп'ютерного практикуму в даному курсі застосовується сама проста і масова інформаційна система – Excel для розв'язування задач з вищої математики і елементами математичного моделювання.

Ця система є достатньо простою в застосуваннях та найбільш поширеною на практиці. Вона дозволяє виконувати чисельні обчислення та має зручний математико-орієнтований інтерфейс. Вона не тільки дозволяє полегшити розв'язування складних математичних задач а і знімає певний психологічний бар'єр у вивченні математичних методів, і в подальшому дозволяє перейти до реального моделювання економіко-управлінських систем.

Основними завданнями комп'ютерного практикуму є:

- навички роботи засобами MS Excel для математичних обчислень з обробки великих обсягів даних;
- застосування математичних формул для обробки двовимірних масивів даних (тобто для проведення операцій матричного числення);
- набуття навичок з побудови графіків функцій в декартовій та полярній системах координат;
- опанування роботи з логічними функціями Excel.

№ з/п	Назва лабораторної роботи	Кількість годин	Кількість годин для самостійної роботи
1	Робота з математичними формулами в Excel	2	
2	Дії над матрицями. Розв'язування систем лінійних рівнянь матричним методом.	4	
3	Міжгалузевий баланс. Модель Леонт'єва.	4	
4.	Побудова графіків функцій засобами Excel.	4	
5.	Еластичність функції. Аналіз попиту та пропозиції ринку за допомогою еластичності.		4

## 6. Самостійна робота студента

Питання до самостійного опрацювання зазначені в завданнях до практичних занять та оголошуються на лекціях, також пересилаються у вигляді сповіщень на групову пошту. Темі: «Міжгалузевий баланс та модель Леонт'єва», «Еластичність функції», «Аналіз попиту та пропозиції ринку за допомогою еластичності.» виносяться на самостійне опрацювання. Також до самостійної роботи студента відносяться поточні завдання для домашніх робіт та завдання РР, створення конспекту лекційних, практичних занять.

## Політика та контроль

### 7. Політика навчальної дисципліни (освітнього компонента)

- правила відвідування занять (як лекцій, так і практичних/занять так і комп'ютерного практикуму);

відвідування лекцій, практичних занять, занять з комп'ютерного практикуму а також відсутність на них, не оцінюється. Однак, студентам рекомендується відвідувати заняття, оскільки на них викладається теоретичний матеріал та розвиваються навички, необхідні для виконання семестрового індивідуального завдання. Студенти ведуть повний відеозапис усіх занять, також мають законспектувати ці заняття та конспекти представити викладачу. Система оцінювання орієнтована на отримання балів за активність студента, а також виконання завдань, які здатні розвинути практичні уміння та навички. За пропуски занять слід виконувати та захищати додаткові завдання, згідно пропущених тем.

- **правила поведінки на заняттях:**
  - активність студента на занятті означає розв'язування задач та відповіді на теоретичні питання коло дошки;
  - під час заняття обов'язково мають бути відключеними телефони та будь-які гаджети;
  - захист РР та завдань комп'ютерного практикуму відбувається після представлення відповідних робіт у письмовому/електронному вигляді. Захист робіт включає у себе питання теоретичного характеру, згідно темі роботи;
  - контрольна, розрахункова роботи, завдання з комп'ютерного практикуму, які подаються на перевірку з порушенням терміну виконання (без поважних причин), оцінюються із врахуванням штрафних балів.



- заохочувальні бали надаються за підготовку доповіді на конференцію, написанні під керівництвом викладача наукової роботи, розв'язування задач підвищеної складності;
- передбачено перескладання модульних контрольних робіт (не більше двох раз). Обов'язково слід виконати роботу над помилками в РР, якщо такі помилки буде допущено
- роботи виконані несамотійно, чи за допомогою онлайн-калькулятора, не зараховуються.

### 8. Види контролю та рейтингова система оцінювання результатів навчання (PCO)

Поточний контроль: відповіді на практичних заняттях, експрес-опитування, МКР, наявність конспекту занять та виконаних домашніх завдань.

Календарний контроль: проводиться двічі на семестр як моніторинг поточного стану виконання вимог силабусу.

Семестровий контроль: іспит.

#### Рейтингова система оцінювання

№ з/п	Контрольний захід оцінювання	%	Ваговий бал	Кіл-ть	Всього
1.	Активність на практичних заняттях	8	1	8	8
2.	Експрес-контрольні (тести)	10	5	2	10
3.	МКР	12	6	2	12
4.	Виконання та захист РР	10	20	1	20
5.	Виконання та захист завдань комп'ютерного практикуму	10	2	5	10
6.	Конспект занять та виконання домашніх завдань	10	2	5	10
7.	Іспит	30	30	1	30
	Всього				100

Критерії оцінювання кожного заходу розміщуються в кампусі та/або оголошуються перед контрольним заходом, сповіщаються на групову пошту.

Обов'язкові умови допуску до іспиту (денна форма навчання)		Критерій
1	Рейтинг	Не менше 32 балів
2	Експрес-контрольні, тести та МКР	Не менше 8 балів
3	Виконання та захист РР	Не менше 12 балів

4	Виконання та захист завдань комп'ютерного практикуму	Не менше 6 балів
5	Конспект занять та виконання домашніх завдант	Не менше 6 балів

Обов'язкові умови допуску до іспиту (заочна форма навчання)		Критерій
1	Рейтинг	Не менше 32 балів
3	Виконання та захист РР	Не менше 12 балів

### Заохочувальні та штрафні бали

Написання тез за тематикою навчальної дисципліни	10 балів
Написання статті або участь у міжнародних, всеукраїнських та/або інших заходах чи конкурсах (за тематикою навчальної дисципліни)	20 балів
Виконання та захист РР із порушенням термінів (без поважних причин)	(-1) бал за кожний день затримки

Таблиця відповідності рейтингових балів оцінкам за університетською шкалою:

Кількість балів	Оцінка
100-95	Відмінно
94-85	Дуже добре
84-75	Добре
74-65	Задовільно
64-60	Достатньо
Менше 60	Незадовільно
Не виконані умови допуску	Не допущено

## 9. Додаткова інформація з дисципліни (освітнього компонента)

### Особливості онлайн навчання:

усі заняття з дисципліни записуються і усім студентам надається доступ до цих записів. Заняття проводяться в ZOOM. Посилання на ці заняття надаються студентам на початку семестру. Студенти заочної форми навчання також мають доступ до усіх занять стаціонару. Консультації проводяться за узгодженим часом зі студентами в ZOOM.

### Онлайн-курси

Дистанційне навчання через проходження сторонніх онлайн-курсів за тематикою дисципліни допускається за умови погодження із викладачем. При пред'явленні сертифікату про проходження курсу та його програми студенту можуть бути зараховані додаткові бали за виконання певних

додаткових завдань за тематикою курсу (відповіді на практичних заняттях, практичні завдання). При цьому контрольні заходи з дисципліни виконуються на загальних підставах.

## **Інклюзивне навчання**

Навчальна дисципліна може викладатися для усіх студентів з особливими освітніми потребами та задовільним знанням курсу шкільної математики. У випадку потреби завдання можуть бути скориговані.

### **10. Питання до іспиту**

#### Розділ 1. Лінійна алгебра, елементи аналітичної геометрії

- 1. Визначники та матриці.** Визначники, їх властивості, системи лінійних рівнянь. Формули Крамера. Види матриць, дії з ними. Обернена матриця, ранг матриці. Метод Гаусса розв'язування СЛАР, матричний метод.
- 2. Застосування лінійної алгебри в задачах економіки:** модель міжгалузевого балансу Леонтьєва.
- 3. Вектори,** операції над векторами (додавання та віднімання векторів, добуток вектора на скаляр, властивості цих операцій). Лінійна залежність (незалежність) векторів, поняття базису, координати вектора. Добутки векторів (скалярний, векторний, мішаний), їх властивості.
- 4. Площина та пряма.** Площина, різні види рівняння площини, пряма на площині та у просторі, різні види її рівнянь. Відстані та кути між прямими та площинами. Умови паралельності і перпендикулярності прямих та площин. Прямі на площині: види їх рівнянь та умови їх паралельності і перпендикулярності.
- 5. Криві 2-го порядку:** коло, еліпс, парабола, гіпербола, їх канонічні рівняння, властивості та основні параметри.

#### Розділ 2. Теорія границь.

- 1. Числові послідовності, границя послідовності.** Властивості збіжних послідовностей. Нескінченно малі та великі послідовності.
- 2. Функції, основні типи функцій.** Границя функції, дії з границями. Важливі границі. Неперервність функції. Дії над неперервними функціями. Точки розриву функції та їх класифікація.

#### Розділ 3. Диференціальне числення функції однієї змінної.

- 1. Похідна,** означення та геометричний і фізичний зміст, таблиця похідних. Похідна складеної, оберненої, параметрично заданої функції. Диференціал функції, його геометричний зміст. Диференціал суми, добутку, частки функцій. Похідні вищих порядків. Основні теореми диференціального числення: теореми Ферма, Ролля, Лагранжа. Правило Лопіталя. Застосування поняття похідної до задач економіки: поняття еластичності функції (означення, властивості).
- 2. Повне дослідження функції та побудова графіку функції.** Зростання та спадання функцій, екстремум функції. Найбільше та найменше значення функції на відрізку. Опуклість функції, точки перегину, асимптоти графіка функції. Загальна схема дослідження функції та побудови її графіку.

#### Розділ 4. Інтегральне числення.

- 1. Невизначений інтеграл.** Первісна функції та невизначений інтеграл, їх властивості.
- 2. Основні методи обчислення інтегралів:**
  - операція внесення під знак інтегралу;
  - заміна змінних;

- інтегрування частинами;
- інтегрування дробово-раціональних виразів;
- інтегрування тригонометричних функцій;
- інтегрування ірраціональних виразів;
- універсальна тригонометрична підстановка.

### **Визначений інтеграл**

- означення та властивості;
- методи обчислення та заміна змінних;
- невласні інтеграли I та II роду;
- обчислення площ плоских фігур, довжини кривої та об'єму тіла за допомогою інтегрального числення

### **Робочу програму навчальної дисципліни (силабус):**

#### **Складено:**

доцентом кафедри математичної фізики та диференціальних рівнянь, кандидатамт фіз.-мат. наук  
Селезньовою Надією Петрівною

**Ухвалено** кафедрою математичної фізики та диференціальних рівнянь (протокол № 1 від 31.08.2023)

**Погоджено** Методичною комісією факультету соціології і права<sup>2</sup> (протокол №1 від 1.09.2023)

---

<sup>2</sup> Методичною радою університету – для загальноуніверситетських дисциплін.